

(1) 超関数の擬値表示

超関数  $f(x)$  は左連続成分  $f_h(x)$ 、段差成分  $f_d(x)$ 、1次成分  $f_1(x)$ 、2次成分  $f_2(x)$ 、 $\dots$  を用いて式(1)のように関数擬値で表示される。

$$f(x) = f_h(x) + f_d(x) \uparrow + f_1(x) \uparrow \rightarrow + f_2(x) \uparrow \rightarrow^2 + \dots \quad (1)$$

式(1)は記号  $\uparrow$ 、 $\uparrow \rightarrow$ 、 $\uparrow \rightarrow^2$ 、 $\dots$  を基底ベクトルとする無限次元ベクトルである。記号  $\uparrow$  と記号  $\uparrow \rightarrow$  は筆者が図案化した記号であるが、筆者の独断である。

(2) 横軸単位の記号の例示

筆者の考察の最初に於いては、橋梁の荷重を表現するために超関数を用いた。単位  $N$  の集中荷重  $g(x)$  と単位  $N/m$  の分布荷重  $h(x)$  を統合して荷重  $f(x)$  を表現した。集中荷重  $g(x)$  は離散関数で微分や積分の対象にならないが、分布荷重  $h(x)$  は連続関数で微分や積分の対象になる。微分や積分の対象になる分布荷重  $h(x)$  を代表的と考え、荷重  $f(x)$  に単位  $N/m$  を付け、式(2)のように表わした。

$$f(x) \cdot N/m = h(x) \cdot N/m + g(x) \cdot N \quad (2)$$

式(2)を単位  $N/m$  で割り算すると式(3)が得られる。

$$f(x) = h(x) + g(x) \cdot m \quad (3)$$

式(2)においては荷重  $f(x)$  に単位  $N/m$  が付いているが、式(3)においては荷重  $f(x)$  に単位が付いておらず、具体例を抽象化して数学的に取り扱おうと試みている。式(3)の関数  $g(x)$  には単位  $m$  が残っており、十分には抽象化されていない。式(3)の単位  $m$  を抽象化することを試みよう。関数  $g(x)$  を図示するとき縦軸に単位  $N$  を、関数  $h(x)$  を図示するとき縦軸に単位  $N/m$  をとるが、両方とも横軸には単位  $m$  をとる。式(3)の  $m$  は横軸単位である。具体の長さの単位  $m$  を抽象化して横軸単位と理解し、横軸単位の記号を作ることを提案する。

図-1のように座標軸を描き、単位は数値1のこ

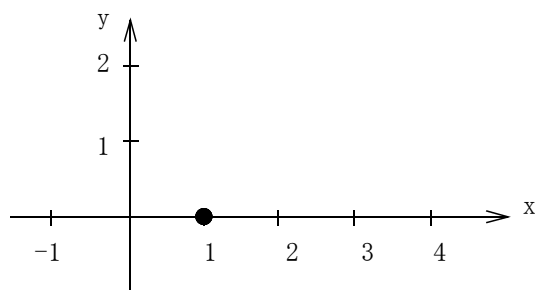


図-1 横軸単位の図案

とであるから、横軸上の点  $x=1$  に点  $\bullet$  を刻して図案化し、記号  $\uparrow \rightarrow$  を得る。図-2の比較案は、横軸

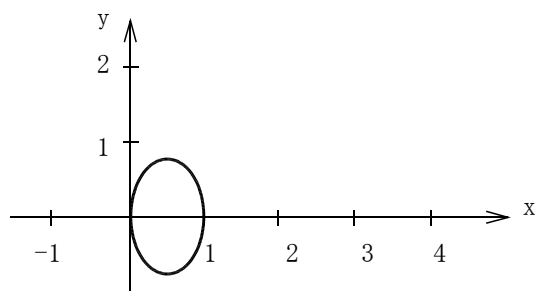


図-2 横軸単位の図案の比較案

上の点  $x=0$  と点  $x=1$  の間の部分を楕円  $\bigcirc$  で強調表示して、座標軸の矢印を省略して図案化し、記号

$\bigcirc$  を得る。

ローマ字の頭文字を用いる方法もある。横軸単位のローマ字表記の yokoziku tanxi の頭文字  $y$  を用いる案が考えられる。英語の horizontal axis unit の頭文字  $h$  を用いる案も考えられる。但し、ローマ字  $y$  は縦軸を  $y$  軸と称することが多いので紛らわしい。ローマ字  $h$  は関数記号に  $f$ 、 $g$ 、 $h$  を用いることが多く、紛らわしい。筆者は日本人であり、英語の頭文字は避けたい。

考察の順序を逆にたどると、式(3)の文字  $m$  をそのまま用いる案も考えられる。但し、式(3)の  $m$  は長さの単位メートルであり、長さの単位には  $m$  の他に  $cm$  や  $km$  や尺や foot もある。特定の単位から離れて議論を一般化することが望ましい。

(3) 段差単位の記号の例示

分布荷重  $h(x)$  が区間  $a \leq x \leq b$  に部分載荷された大きさ  $W \cdot N/m$  の等分布荷重であるとき、点  $x=a$  と  $x=b$  において段差がある。段差を表す記号  $\uparrow$  を用いて式(4)~式(8)のように表わす。

$$h(x) = 0 \quad (x < a) \quad (4)$$

$$h(x) = W \uparrow \quad (x = a) \quad (5)$$

$$h(x) = W \quad (a < x < b) \quad (6)$$

$$h(x) = W - W \uparrow \quad (x = b) \quad (7)$$

$$h(x) = 0 \quad (b < x) \quad (8)$$

図-3のように座標軸を描き、点  $x=a$  における段

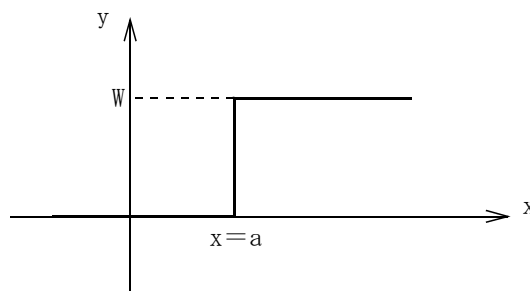


図-3 段差単位の図案

差を図示し、座標軸の右方、上方への向きを示唆する矢印を段差部分の中央に付加し、座標軸を省略して図案化し、記号  $\uparrow$  を得る。

段差単位は横軸単位と異なり、段差単位を添えた部分と添えない部分の単位が同じであるので、記号  $\uparrow \rightarrow^0$  を用いることが考えられる。記号  $\uparrow \rightarrow^0$  は指数法則の式(9)を微妙に意識した記号である。

$$\uparrow \rightarrow^0 = 1 \quad (9)$$

式(9)を適用して単位が同じことを意識しつつ、成分を区別するためには式(9)を適用しない。

ローマ字の頭文字を用いる方法もある。段差単位のローマ字表記の dansa tanxi の頭文字  $d$  を用いる案が考えられる。英語の step unit の頭文字  $s$  を用いる案も考えられる。但し、ローマ字  $d$  は英語の differential の頭文字で、微分記号に用いられており紛らわしい。

(4) 意見募集

横軸単位の記号の案として  $\uparrow \rightarrow$ 、 $\bigcirc$ 、 $y$ 、 $h$ 、 $m$  を例示したが、現時点で筆者は  $\uparrow \rightarrow$  を採用している。段差単位の記号の案として  $\uparrow$ 、 $\uparrow \rightarrow^0$ 、 $d$ 、 $s$  を例示したが、現時点で筆者は  $\uparrow$  を採用している。多くの人の同意を得て一般的に用いられる記号を定めるために意見を募集する。記号の新しい提案、筆者の例示に対する感想を含む意見を期待している。